

دما ی سطح سیاره‌ها

احمد شریعتی

چکیده: دما ی سطح سیاره‌ها ی منظومه ی شمسی به چند عامل بسته گی دارد: فاصله از خورشید، سفیدی ی سطح، ترکیب جو، آزاد شدن انرژی در درون سیاره.

1 تابش گرمایی

اگر جسم سیاه ی گرم باشد در تمام طول موج‌ها تابش می کند. این تابش، تابش گرمایی نام دارد. شدت موج ی که از واحد سطح جسم سیاه در گستره ی طول موج λ تا $\lambda + d\lambda$ گسیل می شود dI است که برابر است با $R(\lambda) d\lambda$. تابع $R(\lambda)$ که به فرمول پلانک معروف است، این است:

$$R(\lambda) = \left(\frac{c}{4}\right) \left(\frac{8\pi}{\lambda^4}\right) \left[\left(\frac{hc}{\lambda}\right) \frac{1}{e^{hc/\lambda kT} - 1}\right] \quad (1)$$

در این جا h ثابت پلانک، و k ثابت بولتسمان است. با انتگرال گیری معلوم می شود که

$$I = \int_0^{\infty} R(\lambda) d\lambda = \sigma T^4, \quad (2)$$

که در این جا

$$\sigma := \frac{2\pi^5 k^4}{15 c^2 h^3} = 5.670 \times 10^{-8} \text{ W m}^{-2} \text{ K}^{-4} \quad (3)$$

ثابت ی است موسوم به ثابت شتفان بولتسمان. پس اگر کره ای به شعاع a دما یش T باشد، در کل با توان $4\pi a^2 \sigma T^4$ تابش می کند.

خورشید کره ای است به شعاع $R_{\odot} = 7.0 \times 10^8 \text{ m}$ که دما ی سطح آن 5785 K است. بنا بر قانون شتفان بولتسمان، توان تابشی ی کل خورشید، که آن را درخشندگی ی خورشید می نامیم و با L_{\odot} نشان می دهیم، برابر است با

$$L_{\odot} = 4\pi R_{\odot}^2 \sigma T_{\odot}^4 \quad (4)$$

اگر عددها را جاگذاری کنیم خواهیم دید

$$L_{\odot} = 3.9 \times 10^{26} \text{ W} \quad (5)$$

تابع $R(\lambda)$ در $\lambda = 0$ و در $\lambda \rightarrow \infty$ صفر است، و در λ_{\max} بیشینه می‌شود. λ_{\max} به دما بسته‌گی دارد. می‌توان نشان داد که

$$\lambda_{\max} T = 2.898 \times 10^{-3} \text{ m} \cdot \text{K} \quad (6)$$

در مورد خورشید، بیشینه‌ی تابش در طول‌موج $\lambda_{\max} = 501 \text{ nm}$ است (در ناحیه‌ی مرئی) در حالی که برای جسم سیاه‌ی که دما ییش 250 K است، λ_{\max} تقریباً $12 \mu\text{m}$ است (فروسرخ).

2 دمای مؤثر یک سیاره‌ی خاکستری

فرض کنید زمین کاملاً پوشیده از برف باشد. در این صورت از دور چه طور به نظر می‌رسد؟ اولاً، نور خورشید را باز می‌تاباند، و ثانیاً خود اش (که به هر حال به نوع‌ی یک جسم سیاه است) تابش گرمایی دارد. این دو تابش را می‌توان از هم تمیز داد. منجم‌ی که از دور دست زمین را نگاه می‌کند می‌تواند تشخیص بدهد که یک بخش از تابش‌ی که از زمین می‌گیرد بازتاب نور خورشید است (تقریباً تمام آن چه در گستره‌ی مرئی می‌بیند). اما ضمناً پرتوهایی در گستره‌ی فروسرخ هم از زمین می‌بیند، با قله‌ای در حدود $12 \mu\text{m}$ ، و بسیار شبیه به طیف یک جسم سیاه. این طول‌موج متناظر است با λ_{\max} جسم سیاه‌ی که دمای 250 K است. این دما چیزی است که به آن دمای مؤثر سطح سیاره می‌گوییم. در جدول، برای چند سیاره، مقدار مشاهده‌شده‌ی این دما در ستون T_e^{obs} نوشته شده است. در همان جدول T_s دمای متوسط سطح سیاره است. توجه کنید که این دو دما با هم فرق دارند.

در عمل زمین هم‌گن نیست، و کاملاً پوشیده از برف نیست. می‌توان از دور تعیین کرد که زمین چه قدر سفید است. سفیدی‌ی یک جسم، که عددی است بین 0 و 1، یعنی نسبت نوری که از آن باز می‌تابد، به نوری که به آن می‌رسد. سفیدی‌ی ماه 0.07 است، در حالی که سفیدی‌ی زمین 0.3 است (این عدد تقریباً برابر است با کسری از سطح زمین که پوشیده از یخ و ابر است). واضح است که سفیدی‌ی زمین لحظه به لحظه تغییر می‌کند، و این 0.3 مقدار متوسط آن است.

سیاره‌ای به شعاع a در فاصله‌ی d از خورشید در نظر بگیرید که بر مسیری بسته به دور خورشید می‌گردد. می‌پرسیم: دمای مؤثر سطح چنین سیاره‌ای، چیست؟
برای ساده شدن بحث فرض کنیم:

(۱) مدار سیاره دایره باشد.

(۲) سطح سیاره هم‌گن و خاکستری باشد، یعنی انرژی‌ای که از خورشید می‌گیرد برابر باشد با $(1 - A)$ برابر چیزی که یک جسم سیاه می‌گیرد. در این فرمول A سفیدی سیاره است.

(۳) محور حرکت وضعی سیاره بر صفحه‌ی مدارش عمود باشد، و آن قدر تند دور خود اش بچرخد که بتوان فرض کرد تمام سطح سیاره یک دما دارد.

(۴) چشمه‌ی گرمایی‌ی درونی (مثلاً مواد پرتوزا) نداشته باشد.

از قانون تابش جسم سیاه می‌دانیم که چنین سیاره‌ای با آهنگ $4\pi a^2 \sigma T_e^4$ انرژی می‌تاباند، و با آهنگ $(1 - A)\pi a^2 L_\odot / (4\pi d^2)$ از خورشید انرژی می‌گیرد. در حالت تعادل، این دو باید برابر باشند، یعنی

$$4\pi a^2 \sigma T_e^4 = (1 - A)\pi a^2 \frac{4\pi R_\odot^2 \sigma T_\odot^4}{4\pi d^2}, \quad (7)$$

که اگر آن را ساده کنیم، می‌بینیم

$$T_e = \sqrt[4]{1 - A} \sqrt{\frac{R_\odot}{2d}} T_\odot. \quad (8)$$

در جدول، مقدار این T_e برای چند سیاره‌ی مختلف محاسبه شده و در ستون $T_e^{(\text{model})}$ نوشته شده. جز برای مشتری، $T_e^{(\text{model})}$ و $T_e^{(\text{obs})}$ به هم نزدیک اند.

چند نکته

- حرکت وضعی‌ی تیر بسیار کند است، به طوری که هر دو بار که به دور خورشید می‌گردد، سه بار به دور خود اش می‌گردد. بنا بر این در مورد تیر، دمای بخش روز خیل‌ی بیش‌تر از دمای بخش شب است.

- محور حرکت وضعی‌ی اورانوس و پلوتون تقریباً در صفحه‌ی مدارش عمود است. به این ترتیب هر یک از قطب‌ها در نیم‌ی از "سال" رو به خورشید است.

- اگر فاصله‌ی سیاره از خورشید تغییر کند و مثلاً $d(1 + \alpha)$ بشود، در T_e در $(1 - \frac{1}{2}\alpha)$ ضرب می‌شود. آن چه در جدول برای d نوشته شده، در واقع نیم‌قطر بزرگ بیضی‌ی مدار است. پس فاصله‌ی سیاره از خورشید بین $(1 - \epsilon)d$ تا $(1 + \epsilon)d$ تغییر می‌کند. پس T_e در حوض $(1 + \frac{1}{2}\epsilon)$ برابر چیزی است که فرمول (8) می‌گوید، و در اوج $(1 - \frac{1}{2}\epsilon)$ برابر آن است. برای زمین با خروج از مرکز 0.017 ، این متناظر است با T_e بین 253 K در اوج و 258 K در حوض. در مورد پلوتون، که بیش‌ترین خروج از مرکز را دارد، $\epsilon = 0.250$ ، و $d = 59 \times 10^{11}\text{ m}$ ، و از این جا T_e بین 34 K تا 43 K به دست می‌آید. ضمناً، سرعت سیاره در نزدیکی‌ها‌ی حوض بیش‌تر است. پس زمان کم‌تری در حوض است، و بنا بر این متوسط دما بیش‌تر به دمای کم‌تر (متناظر با اوج) نزدیک است.

سیاره	d [10^{11} m]	A	$T_e^{(model)}$	$T_e^{(obs)}$	T_s	P [10^5 Pa]
ناهید	1.1	0.77	227 K	230 K	750 K	90
زمین	1.5	0.30	256 K	250 K	280 K	1
مریخ	2.3	0.15	216 K	220 K	218 K	0.006
مشتری	7.8	0.58	98 K	130 K	134 K	2

جدول ۱: d فاصله از خورشید (بر حسب 10^{11} m) است. A سفیدی است. P فشار جو در سطح سیاره است (بر حسب 10^5 Pa). T_s دمای متوسط سطح سفت سیاره است. T_e دمای مؤثر سیاره است.

3 دمای سطح

دمای سطح سیاره، که در جدول با T_s مشخص شده، با T_e فرق دارد. علت آن است که تمام این سیاره‌ها جو دارند، و جو می‌تواند دمای سطح سیاره را تغییر دهد. دقت کنید که در مورد مریخ، که جو بسیار رقیق‌تری دارد، $T_s \simeq T_e$ ، اما در مورد ناهید این دو دما، T_s و T_e ، بسیار متفاوت‌اند. علت این گرم‌تر بودن اثری است به نام اثر گل‌خانه‌ای.

حتماً دیده‌اید که اگر خودرویی در آفتاب مانده باشد، و پنجره‌هایش بسته باشد، درون‌اش بسیار گرم‌تر از محیط بیرون است. علت آن است که نور آفتاب از شیشه‌های پنجره به درون نفوذ می‌کند، در وسایل درون خودرو جذب می‌شود، و آن‌ها را گرم می‌کند. اما این تمام قصه نیست، زیرا این اتفاق در نبود شیشه‌های پنجره‌ها هم می‌افتد. مسئله این است که اجسام گرم داخل خودرو تابش می‌کنند. عمده‌ی این تابش در ناحیه‌ی فرسرخ است و شیشه نسبت به پرتوهای فرسرخ کدر است. این باعث می‌شود گرما از درون خودرو به بیرون نرود. این درست همان اثری است که باعث می‌شود درون گل‌خانه بسیار گرم‌تر از محیط اطراف باشد.

جو سیاره‌ها گاز است. این گازها بعضی برای پرتوهای فرسرخ کدراند (یعنی پرتوهای فرسرخ را به خوبی جذب می‌کنند). هر چه مقدار این گازها (که به آن‌ها گازهای گل‌خانه‌ای می‌گویند) بیشتر باشد، سطح سیاره گرم‌تر می‌شود. این که ملکول‌های گازها، مختلف کدام پرتوها را جذب می‌کنند مسئله‌ای است که مکانیک کوانتومی به آن جواب می‌دهد. تحلیل مسئله معمولاً پیچیده است، اما این نتیجه‌ی نسبتاً ساده از آن به دست می‌آید:

ملکول‌هایی مثل H_2O ، CO_2 ، O_3^- ، بخش‌هایی از پرتوهای فرسرخ را جذب می‌کنند، در حالی که ملکول‌هایی مثل O_2 ، N_2 ، He ، H_2 پرتوهای فرسرخ را کمتر جذب می‌کنند. وجود آب، ازن، و کربن‌دی‌اکسید در جو زمین باعث شده که سطح زمین گرم شود. اگر زمین جو نداشت، دمای متوسط سطح‌اش حدود 250 K می‌بود. 96% جو ناهید کربن‌دی‌اکسید، و 4% آن N_2

است. این جو - گل خانه‌ای باعث شده سطح - ناهید داغ باشد. جو - مریخ هم گل خانه‌ای است، (95% کربن دی‌اکسید، 3% نیتروژن) اما آن قدر رقیق است که تأثیر - چندان ی ندارد. جو - مشتری گل خانه‌ای نیست (90% هیدروژن، 10% هلیم). علت - گرم بودن - سطح - مشتری تولید - انرژی در داخل - مشتری است.

4 انقباض - گرانشی ی - غول‌ها ی - گازی

از دور، می‌توان تشخیص داد که آیا در درون - سیاره چشمه ی - گرمایی هست یا نه. برای این کار کافی است توجه کنیم که آهنگ - جذب - انرژی ی - خورشیدی در سیاره هست

$$P_{\text{abs}} = (1 - A) \pi a^2 \frac{4 \pi R_{\odot}^2 \sigma T_{\odot}^4}{4 \pi d^2} \quad (9)$$

و آهنگ - تابش اش هست

$$P_{\text{rad}} = 4 \pi a^2 \sigma T_e^4 \quad (10)$$

اختلاف - این دو برابر است با آهنگ - تولید - انرژی در سیاره. مثلاً در مورد - مشتری، با محاسبه ای ساده می‌بینیم

$$P_{\text{rad}} = 1.0 \times 10^{18} \text{ W} \quad (11)$$

$$P_{\text{abs}} = 3.3 \times 10^{17} \text{ W} \quad (12)$$

که یعنی مشتری با توان -

$$P = P_{\text{rad}} - P_{\text{abs}} = 7 \times 10^{17} \text{ W} \quad (13)$$

انرژی تولید می‌کند. دیگر غول‌ها ی - گازی، یعنی کیوان و اورانوس و نپتون هم چنین اند. آن‌ها هم با توان‌ها یی بین - 10^{15} W تا 10^{17} W انرژی تولید می‌کنند. (از این جا نتیجه می‌گیریم که عامل - مهم - فعالیت‌ها ی - جو ی در غول‌ها ی - گازی، تولید - انرژی در درون - سیاره است، بر خلاف - زمین، که عامل - اصلی ی - فعالیت‌ها ی - جو ی اش آفتاب است.)

منشاء - این انرژی، انقباض - گرانشی است. محاسبه کنیم: اگر کره ای به جرم - M و چگالی ی - ثابت - $\rho = 3M/(4\pi R^3)$ داشته باشیم، پتانسیل - گرانشی در نقطه ای به فاصله ی - r از مرکز برابر است با

$$\psi(r) = \begin{cases} \frac{GM}{2R} \left(\frac{r^2}{R^2} - 3 \right) & r < R \\ -\frac{GM}{r} & r > R \end{cases} \quad (14)$$

در این عبارت، پتانسیل - بی نهایت صفر فرض شده. می توان نشان داد که انرژی ی- پتانسیل - گرانشی ی- چنین کره ای هست

$$\frac{1}{2} \int \rho \psi dv = \frac{1}{2} 4\pi \rho \frac{GM}{2R} \int_0^R dr r^2 \left(\frac{r^2}{R^2} - 3 \right) = -\frac{3GM^2}{5R}. \quad (15)$$

در واقعیت چگالی ی- سیاره ها و ستاره ها ثابت نیست، و این باعث می شود ضریب - عددی ی- این فرمول عوض شود، اما مرتبه ی- بزرگی ی- آن عوض نمی شود. بنا بر این، برای ی- محاسبه، انرژی ی- بسته گی ی- گرانشی ی- یک گوی را $-GM^2/R$ می گیریم.

اگر R تغییر کند، این انرژی تغییر می کند. اگر R کم شود، این انرژی منفی تر می شود، که یعنی مقدار ی- انرژی آزاد می شود. این انرژی ی- آزاد شده گوی را گرم می کند. با دیفرانسیل گیری از معادله ی- بالا می بینیم

$$\Delta E = \frac{GM^2}{r^2} \Delta r \quad (16)$$

$$\frac{dE}{dt} = \frac{GM^2}{r^2} \frac{dr}{dt} \quad (17)$$

$$\frac{dr}{dt} = \frac{dE}{dt} \cdot \frac{r^2}{GM^2} \quad (18)$$

مشتری با توان $P \simeq 10^{18} \text{ W}$ انرژی تولید می کند. این می تواند با از دست دادن - انرژی ی- گرانشی با توان $-P$ باشد. از این جا

$$\frac{dr}{dt} = -10^{18} \frac{(7 \times 10^7)^2}{6.7 \times 10^{-11} \times (1.9 \times 10^{27})^2} \simeq -2 \times 10^{-11} \text{ m s}^{-1} \simeq -1 \text{ mm/yr} \quad (19)$$

شعاع - مشتری $7 \times 10^7 \text{ m}$ است. اگر مشتری همواره با این آهنگ کوچک شود، از مرتبه ی- 10^{11} سال زمان لازم است تا شعاع - مشتری تغییر - قابل ملاحظه ای بکند. این صد بار بیش تر از سن - منظومه ی- شمسی است! پس مشتری، از هنگام - پیدایش اش، تغییر - محسوس ی- نکرده.

خورشید هم با توان $L_{\odot} \simeq 4 \times 10^{26} \text{ W}$ تابش می کند. اگر فرض کنیم منشاء - انرژی - خورشید هم انقباض - گرانشی است، آهنگ - انقباض - خورشید می شود

$$\frac{dr}{dt} \simeq -10^{-6} \text{ m s}^{-1} \sim 10 \text{ m/yr}. \quad (20)$$

مرتبه ی بزرگی ی زمان انقباض خورشید (اگر سازوکار تولید انرژی در آن انقباض گرانشی باشد) می شود 10^{15} s یعنی حدود 10^7 سال! این عدد بسیار کوچک است، و البته سازوکار تولید انرژی در خورشید چیز دیگری است.

5 دمای یو (Io)

فاصله ی متوسط ماه یک سیاره از خورشید، با فاصله ی متوسط سیاره از خورشید برابر است. پس تنها عاملی که در فرمول (8) بین ماه و سیاره فرق می گذارد سفیدی ی آن دو است. مشتری ماه ی دارد به نام یو (Io) که تقریباً هم اندازه است با ماه زمین. سفیدی ی یو 0.61 است که تقریباً برابر است با سفیدی ی مشتری. پس قاعدتاً باید دمای یو هم 98 K باشد. اما آن چه می بینیم این است که دمای یو سطح یو یک نواخت نیست. نقطه هایی دارد که نسبتاً داغ اند (تا 2000 K) با متوسط $T \sim 300$ K، و باقی یو سطح آن هم تقریباً 135 K است. در ناحیه ی داغ فعالیت های آتشفشانی هست، که نشان می دهد درون یو داغ است. علت داغ بودن درون یو، کشندها ی ناشی از دو ماه دیگر مشتری به نام های اروپا و گانیمید، و کشندها ناشی از خود مشتری است. عدد 135 K خیل ی نزدیک به دمای سطح مشتری است. آیا می توان آن را ناشی از جذب تابش مشتری دانست؟ نه. زیرا توان جذب تابش مشتری در یو حد اکثر برابر است با

$$\pi a^2 \sigma T_J^4 \frac{4 \pi R_J^2}{4 \pi d'^2} \quad (21)$$

که در این جا $R_J = 7 \times 10^7$ m شعاع مشتری، و $d' = 4.2 \times 10^8$ m فاصله ی یو از مشتری، و $T_J = 130$ K دمای مشتری است. اگر این را به سمت راست (7) اضافه کنیم، و از آن جا دمای مؤثر سطح یو را حساب کنیم، نتیجه تقریباً هیچ فرق ی نمی کند (زیرا این جمله تقریباً یک صدم جمله ی مربوط به جذب انرژی ی خورشید است). آیا بازتاب نور خورشید از مشتری می تواند یو را این قدر گرم کرده باشد؟ باز هم نه. تخمین بزنیم: شار انرژی ی خورشیدی، در سطح مشتری هست

$$\frac{4 \pi R_{\odot}^2 \sigma T_{\odot}^4}{4 \pi d^2} \simeq 50 \text{ W m}^{-2} \quad (22)$$

کسر $A = 0.58$ این مقدار از مشتری باز می تابد. این بازتاب مثل یک موج کروی که مرکز آن مرکز مشتری ی است منتشر می شود. وقت ی به یو می رسد، شدت این نور هست

$$A \left(\frac{R_J}{d} \right)^2 \times 50 \text{ W m}^{-2} \simeq 1 \text{ W m}^{-2} \quad (23)$$

که تقریباً دو صدم توان دریافت مستقیم از خورشید است.

پس یو هم انرژی تولید می کند. توان - تولید - انرژی در یو را هم می توان حساب کرد (همان طور که برای - مشتری حساب کردیم). این توان 10^{15} W است. معقول ترین نظریه ای که فعلاً هست این که این توان تماماً مربوط است به اصطکاک - ناشی از نیروهای - کشندی.

مرجع ها

جدول را از منبع - 1، و بقیه ی - عددها را از دو مرجع - دیگر برداشته ام. دقت کنید که مرجع - سوم تا حد ی قدیمی است.

1. John Houghton: *The Physics of Atmospheres*, 3^{ed} edition, Cambridge, 2002.
2. David Darling: *The Universal Book of Astronomy*, Wiley, 2004.
3. Martin Harwit: *Astrophysical Concepts*, 2^{ed} edition, Springer, 1988.

یک روز که [من و بورکهارد دروده¹⁾ در گوتینگن] داشتیم در باره مشکلات مفهوم مدار الکترون صحبت می کردیم، او گفت که علی الاصول باید بتوان میکروسکپی ساخت با چنان قدرت تفکیکی که بتواند مسیر الکترون را در داخل اتم مشاهده یا عکسبرداری کند. واضح بود که چنین میکروسکپی با امواج معمولی نور نمی تواند کار کند، اما شاید بتواند با پرتوهای گاما کار کند. ولی این امر با فرضیه من مغایر بود، زیرا فرضیه من می گفت که حتی بهترین میکروسکپها هم نمی تواند از حدودی که اصل عدم قطعیت تعیین می کند، پا بیرون بگذارد. پس لازم بود ثابت کنم که حتی در این مورد هم اصل عدم قطعیت برقرار است. این کار را انجام دادم و ثابت شدن آن اعتقاد مرا به انسجام تعبیر جدید تقویت کرد. بعد از چند محاسبه از این نوع، نشستم و نتایج کارم را در نامه مفصلی برای ولفگانگ پاؤلی خلاصه کردم. پاسخ دلگرم کننده او بسیار باعث خوشحالی من شد.

ورنر هایزنبرگ: جزء و کل، مرکز نظر دانشگاهی، ۱۳۶۸، ص ۸۰

¹⁾Burkhard Drude